

Probabilités.

I. Vocabulaire (rappels).

Définition

Une expérience est aléatoire lorsqu'elle a plusieurs résultats ou issues et que l'on ne peut pas prévoir, à priori, quel résultat se produira.



On considère l'expérience aléatoire suivante : « On lance une pièce 100 fois et on calcule la fréquence d'obtention de Pile ». $f = \dots\dots\dots$. On calcule la fréquence d'obtention de Pile pour tous les lancers de la classe. $f = \dots\dots\dots$

Définition

Les fréquences obtenues d'un événement **E** se rapprochent d'une valeur théorique lorsque le nombre d'expérience augmente (Loi des grands nombres). Cette valeur s'appelle la probabilité de l'événement **E**.

*Dans l'expérience aléatoire ci-dessus, on appelle **E** l'événement « obtenir Pile ». On a alors $p(E) = \dots\dots\dots$*

Définition

- ♦ Un évènement est constitué de plusieurs issues d'une même expérience aléatoire.
- ♦ Les événements élémentaires sont les événements réduits à une unique issue de l'expérience.



Définition

- ♦ La probabilité $p(E)$ d'un événement **E** est telle : $0 \leq p(E) \leq 1$.
- ♦ La somme des probabilités des événements élémentaires est égale à 1.
- ♦ La probabilité d'un événement est la somme des probabilités des événements élémentaires qui le constituent.

Définition

- ♦ On appelle événement contraire d'un **E**, l'événement qui se réalise lorsque **E** ne se réalise pas.
- ♦ On le note $\bar{E}$ et on a $p(\bar{E}) = 1 - p(E)$.

Définition

- ♦ L'événement "A et B", noté $A \cap B$, est réalisé lorsque les deux événements A et B sont simultanément réalisés.
 - ♦ L'événement "A ou B", noté $A \cup B$, est réalisé lorsqu'au moins l'un des deux événements est réalisé.
- On a $p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B)$

