

Propriété ( admise )

Soit  $f$  une fonction continue sur un intervalle  $[a ; b]$ . On donne deux réels  $x_0$  et  $y_0$  avec  $x_0 \in [a ; b]$ . Alors il existe une unique primitive  $G$  de  $f$  sur  $[a ; b]$  telle que  $G(x_0) = y_0$ .

**Savoir-faire : Savoir trouver la primitive d'une fonction continue prenant une valeur donnée :**

Soit  $f$  définie par  $f(x) = 2x + 3$ . Détermine la primitive  $G$  de  $f$  est telle que  $G(2) = 1$ .

.....  
 .....  
 .....  
 .....

**III. Primitives des fonctions usuelles.**

fonction $f$ d'expression	Une primitive
$f(x) = k \ (k \in \mathbb{R})$	
$f(x) = x^n \ (n \text{ entier positif})$	
$f(x) = \frac{1}{x^2}$	
$f(x) = e^x$	
$f(x) = x^3$	
$f(x) = \frac{1}{x}$	

**IV. Linéarité des primitives.**

Propriété ( admise )

Soit  $f$  et  $g$  deux fonctions continues sur  $[a ; b]$ . Si  $F$  est une primitive de  $f$  et  $G$  est une primitive de  $g$  sur  $[a ; b]$  alors :

- ☺  $F + G$  est une primitive de  $f+g$ .
- ☺  $kF$  est une primitive de  $kf$ , avec  $k$  réel.

**Savoir-faire : Savoir rechercher des primitives :**

Dans chaque cas, déterminer une primitive  $F$  de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $I$ .

- a)  $f(x) = 5x^4$     b)  $f(x) = \frac{3}{x^2}$     c)  $f(x) = 3x^2 - \frac{3}{x^2}$     d)  $f(x) = \frac{e^x}{2}$     e)  $f(x) = x^3 - 2x$     f)  $f(x) = xe^{x^2}$

.....  
 .....  
 .....  
 .....