

☺ Suites définies par récurrence.

☑ Savoir faire : Savoir calculer un terme d'une suite définie par récurrence :

On considère la suite (u_n) définie par : $u_0 = 3$ et pour tout n de \mathbb{N} , $u_{n+1} = 2u_n + 5$.

Calcule $u_1, u_2, u_3, u_4, u_{100}$

.....

.....

.....

Contrairement à une suite définie par une formule explicite, on ne peut pas connaître u_{100} sans connaître
Cependant il est possible d'écrire un algorithme sur une calculatrice programmable.

☑ Savoir faire : Savoir écrire un algorithme pour calculer un terme d'une suite définie par récurrence :

On considère la suite (u_n) définie par : $u_0 = 3$ et pour tout n de \mathbb{N} , $u_{n+1} = 2u_n + 5$. Calcule u_{100}

Sur TI :

```
PROGRAM : SUITE
: Input "N=?",N
: →Y
: For(I,0,N-1)
:   →Y
: End
: Disp Y
```

```
PrgmSUITE
N=?100

Fait
```

Sur Casio :

```
=====SUITE=====
?→N.↓
→Y.↓
For 0→I To N-1.↓
→Y.↓
Next.↓
Y.↓
```

```
?
100
-Disp-
```

Remarque : On considère la suite (u_n) définie par : $u_0 = 1, u_1 = 1$ et pour tout n de \mathbb{N} , $u_{n+2} = u_{n+1} + u_n$.
Calcule les cinq premiers termes de cette suite.

.....

.....

.....

Remarque : On considère la suite (v_n) définie par : pour tout n de \mathbb{N}^* , $v_n = 1 + 2 + 3 + \dots + n$.

.....

.....

.....

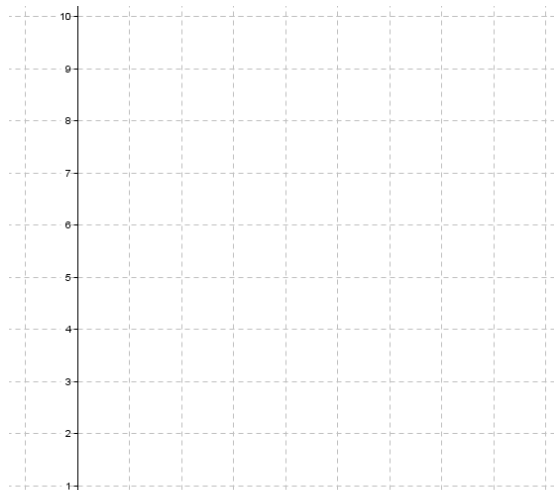
III. Représentation graphique d'une suite :

Définition

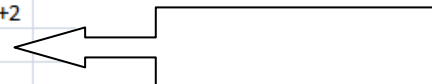
Dans un repère du plan, on représente une suite (u_n) par le nuage de points de coordonnées $(n ; u_n)$.

☑ Savoir faire : Savoir représenter graphiquement une suite numérique :

On considère la suite (u_n) définie par : pour tout n de \mathbb{N} , $u_n = n^2 - 3n + 2$. Représenter la suite (u_n) .



	A	B
1	n	$U_n = n^2 - 3n + 2$
2	0	
3	1	
4	2	
5	3	
6	4	
7	5	
8	6	
9	7	
10	8	
11	9	
12	10	
13		



IV. Sens de variation d'une suite numérique.

On considère la suite (u_n) définie par : pour tout n de \mathbb{N} , $u_n = n^2 - 3n + 2$. En observant sa représentation graphique, on remarque que $u_0 \dots u_1; u_1 \dots u_2; u_2 \dots u_3; u_3 \dots u_4$.

On a l'impression que pour $n \dots$ On a toujours $u_{n+1} \dots u_n$. Peut-on le prouver ?

Définition

Soit un entier p et une suite numérique (u_n) .

- ◆ On dit que la suite (u_n) est croissante à partir du rang p signifie que pour tout entier $n \geq p$, on a $u_{n+1} \dots u_n$.
- ◆ On dit que la suite (u_n) est décroissante à partir du rang p signifie que pour tout entier $n \geq p$, on a $u_{n+1} \dots u_n$.

Savoir faire : Savoir étudier les variations d'une suite :

Pour tout n de \mathbb{N} , on donne la suite (u_n) définie par : $u_n = n^2 - 4n + 4$.

Démontrer que la suite (u_n) est croissante à partir d'un certain rang.

Propriété

Soit une fonction f définie sur $[0; +\infty[$ et une suite numérique (u_n) définie sur \mathbb{N} par $u_n = f(n)$. Alors

- ◆ Si la fonction f est croissante sur $[0; +\infty[$ alors la suite (u_n) est croissante.
- ◆ Si la fonction f est décroissante sur $[0; +\infty[$ alors la suite (u_n) est décroissante.

