



### III. Divisibilité

#### a) Définition.

##### Définition

Lorsque dans la division euclidienne d'un nombre  $a$  par un nombre  $b$  le reste est égal à zéro. On dit alors que le nombre  $b$  divise le nombre  $a$ . On dit aussi que  $b$  est un diviseur de  $a$  ou que  $a$  est un multiple de  $b$ .

Remarque : l'égalité de la division euclidienne est alors  $a = q \times b + r$ .

Exemple :  $12 = 4 \times 3$ ;  $12 = 6 \times 2$ ;  $12 = 12 \times 1$

Tous les diviseurs de 12 sont  $\{1; 2; 3; 4; 6; 12\}$

Tous les multiples de 12 sont  $\{12; 24; 36; \dots\}$

#### b) Critères de divisibilité

Un nombre est divisible par 2 lorsque il est paire (son chiffre des unités est 0; 2; 4; 6; 8)

Un nombre est divisible par 3 lorsque la somme de ses chiffres est un multiple de 3

Un nombre est divisible par 4 lorsque ses deux derniers chiffres forment un nombre multiple de 4

Un nombre est divisible par 5 lorsque il termine par 0 ou 5

Un nombre est divisible par 9 lorsque la somme de ses chiffres est un multiple de 9

Un nombre est divisible par 10 lorsque son chiffre des unités est 0

Exemples : 2157 est un multiple de 3 car  $1+2+5+7=15$

21573 est un multiple de 9 car  $2+1+5+7+3=18$

2036 est un multiple de 4 car 36 est un multiple de 4

### IV. Nombres premiers

Liste des diviseurs de 24 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24

Liste des diviseurs de 17 : 17, 1

17 n'a que 2 diviseurs, 1 et 17, on dit que c'est un nombre premier

##### Définition

On appelle nombre premier un nombre qui n'a que 2 diviseurs, 1 et lui-même

Exemples : 19, 1, 19

3, 1, 3

7, 1, 7

Les nombres premiers plus petits que 100 :

le cube d'Ératosthène

En éliminant tous les multiples des nombres rencontrés, il ne reste que des nombres premiers

2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19
21	22	23	24	25	26	27	28	29
31	32	33	34	35	36	37	38	39
41	42	43	44	45	46	47	48	49
51	52	53	54	55	56	57	58	59
61	62	63	64	65	66	67	68	69
71	72	73	74	75	76	77	78	79
81	82	83	84	85	86	87	88	89
91	92	93	94	95	96	97	98	99
100								